EMD 2 de Bio-statistiques

2014-2015 Durée : 1h30

Exercice 1:

Un individu peut être atteint de surdité unilatérale ou bilatérale, On admet que dans la population générale la probabilité p d'être atteint à droite est égale à celle d'être à gauche et que ces évènements sont indépendants.

- 1- Calculer en fonction de \mathbf{p} , pour un sujet quelconque, la probabilité $\mathbf{P_s}$ d'avoir au moins une oreille atteinte, $\mathbf{p_0}$ de n'avoir aucune oreille atteinte, $\mathbf{p_1}$ d'avoir une seule oreille atteinte, $\mathbf{p_2}$ d'avoir les deux oreilles atteintes.
- 2- a- Calculer la probabilité qu'un sujet atteint de surdité ait une surdité unilatérale.
- b- Calculer la probabilité qu'un sujet atteint de surdité à l'oreille gauche ait une surdité unilatérale.
- 3- Calculer la probabilité qu'un sujet atteint de surdité ait une surdité à l'oreille droite et la probabilité qu'un sujet atteint de surdité ait une surdité à l'oreille gauche
- 4- Les deux évènements conditionnels sont-t-ils indépendants?

Exercice 2:

130000 personnes sont atteintes du SIDA sur 58000000 habitants. Soit 0.998 la fiabilité d'un test de dépistage (probabilité que le test reconnaisse un malade). La probabilité que le test soit à tort positif est 0.001.

Quelle est la probabilité d'être effectivement négatif alors que le résultat du test est positif?

Exercice 3:

Soit f la densité définie par :

$$f(x) = \begin{cases} ke^{-\frac{x}{2}}, & x \ge 1\\ 0, & x < 1 \end{cases}$$

- 1- Calculer la valeur de k.
- 2- Soit X la variable aléatoire réelle admettant f pour densité de probabilité. Déterminer la fonction de répartition F
- 3- Calculer E(X).
- 4- Calculer p ($5 \le X < 7/X > 3$), p ($|X-3| \le 1$)